

## **élément d'histoire des probabilités**

le mot hasard vient de l'arabe , le mot aléatoire vient du latin aléa et le mot probabilité du latin et s'oppose au mot certitude . *probabilitas* «vraisemblance», du lat. *probabilis*, v. *probable*.

Le mathématicien italien Luca Pacioli l'évoque dans son Summa de Arithmetica, Geometrica, Proportio et Proportionalita (publié en 1494).

Cardan s'occupa aussi des jeux de hasard, grand joueur lui même , et qui finit par être médecin

On le considère comme celui qui a introduit l'équiprobabilité

en 1620 Galilée (1564-1642) expliqua pourquoi en lançant 3 dés la somme des points qui apparait le plus est 10 et 11 ensuite 9 et 12; ce texte fut publié en 1718

La correspondance en **Blaise Pascal** (1623-1662) et **Pierre Fermat** (1601-1665) en 1654 , publié en 1679 , est considéré comme le début des probabilités en France. Ils résolvent des problèmes liés aux jeux de dés, cartes

en 1654 Pascal publie son traité sur le triangle arithmétique dit maintenant de Pascal

**Huyghens** (1629-1695) publie en 1657 un mémoire sur les jeux de hasard de 15 pages , introduisant l'espérance ; livre sous forme de résolutions de problèmes

en 1708 pierre Rémond de Montmort (1678-1719) publie son essai d'analyse sur les jeux de hasard , un vrai livre par sa taille et résout le problème des rencontres que la carte  $i$  sorte à la position  $i$  au moins pour un  $i$

**Jacob Bernoulli** (1657-1705) écrit Ars conjectandi , laissé inachevé par sa mort , publié en 1713; dans la partie 3 apparaissent les nombres de Bernoulli , la partie 4 contient la loi faible des grands nombres

pour  $\epsilon > 0$  la probabilité que  $\left| \frac{k}{n} - p \right| < \epsilon$  tend vers 1

Nicolas Bernoulli écrit aussi sur les probabilités en 1711

de Moivre (1667-1754) publie en 1711 puis 1718 un traité où apparaît le mot probabilité

il introduit les fonctions génératrices, les suites récurrentes et il montre dans le cas  $p=1/2$  la convergence de la loi binomiale vers la loi normale en 1733 et il donne des valeurs approchées de la loi normale entre -1 et 1 il donne 0.68, pour 2 0.954 et 3 0.9987 au lieu de 0.9973 en 1756

Il utilise aussi la formule des probabilités composées



Abraham de Moivre (1667-1754)

**thomas bayes** (1701-1761) a trouvé sa célèbre formule publiée en 1763 après sa mort, sur les probabilités conditionnelles

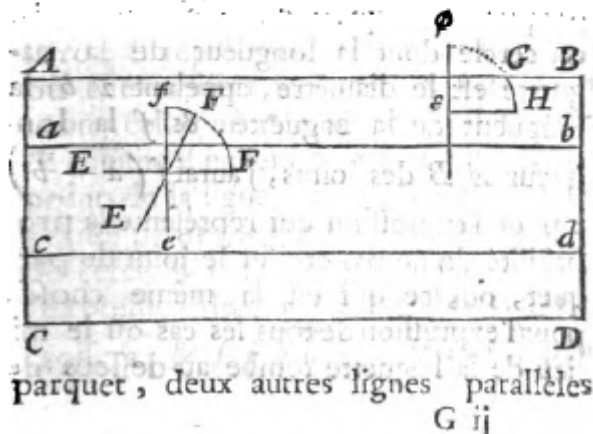
**Cramer** donne un cours sur la *logique probabiliste* qui sera la base de l'article probabilité de l'encyclopédie de Diderot

Buffon (1707-1788) publie dans son essai d'arithmétique moral de 1777, son célèbre problème qui permet de calculer  $\pi$  avec des expériences aléatoires un peu plus de 2000 lancers d'une aiguille sur un parquet lui donne 2 décimales de  $\pi$  en comptant celles qui coupent les traits du parquet

on peut voir sur youtube: <http://www.youtube.com/watch?v=wOIXIrmEXck>

cela se trouve dans ses œuvres tome 10; Buffon s'est aussi intéressé aux probabilités de durée de vie

Je suppose que dans une chambre, dont le parquet est simplement divisé par des joints parallèles, on jette en l'air une baguette, & que l'un des joueurs parie que la baguette ne croîsera aucune des parallèles du parquet, & que l'autre au contraire parie que la baguette croîsera quelques-unes de ces parallèles ; on demande le sort de ces deux joueurs. On peut jouer ce jeu sur un damier avec une aiguille à coudre ou une épingle sans tête. Pour le trouver, je tire d'abord entre les deux joints parallèles  $AB$  &  $CD$  du



en 1751 [Euler](#) donne une solution des problemes des rencontres , ainsi que lambert (1728-1777)

Euler s'interesa aussi à la mortalité : probabilité qu'un home d'un certain age vive encore un certain temps ;et aussi lambert

[Laplace](#) (1749-1827)est considéré comme un des grands probabilistes, reprend la formule de bayes en 1774 en la généralisant et donne la convergence de la loi binomiale de parametre p vers la loi normale en 1777 ;il utilise aussi les series generatrices;son grand traité "la théorie analytique des probabilités" est publié en 1812 où il y a le premier théorème limite central

$$P\left(\frac{S_n - np}{\sqrt{npq}} \leq x\right) \xrightarrow{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{u^2}{2}} du$$



Laplace (1749-1827)

en 1776 Lagrange(1736-1813) publie un article où il y a des probabilités

en 1799 Christian Kramp donne la table de  $\int_t^{+\infty} e^{-x^2} dx$

**TABLE PREMIÈRE.**  
*Intégrales de  $e^{-t^2} dt$ , depuis une valeur quelconque de  $t$  jusqu'à  $t$  infinie.*

$$\int_t^{+\infty} e^{-x^2} dx$$

$t$	Intégrale.	Diff. prem.	Diff. II.	Diff. III.
0,00	0,88622692	999968	201	199
0,01	0,87622724	999767	400	199
0,02	0,86622957	999367	599	200
0,03	0,85623590	998768	799	199
0,04	0,84624822	997969	998	197
0,05	0,83626853	996971	1195	199
0,06	0,82629582	995776	1394	196
0,07	0,81634106	994382	1590	195
0,08	0,80639724	992792	1785	194
0,09	0,79646932	991007	1979	195
0,10	0,78655925	989028	2174	192
0,11	0,77666897	986854	2366	190
0,12	0,76680043	984488	2556	189
0,13	0,75695555	981932	2745	188
0,14	0,74713623	979187	2933	186
0,15	0,73734436	976254	3119	184
0,16	0,72758182	973135	3303	183
0,17	0,71785047	969832	3486	180
0,18	0,70815215	966346	3666	175
0,19	0,69848869	962680	3841	178
0,20	0,68886189	958839	4019	173
0,21	0,67927350	954820	4192	171
0,22	0,66972530	950628	4363	168
0,23	0,66021902	946265	4531	166
0,24	0,65075637	941734	4697	163
0,25	0,64133903	937037	4860	160
0,26	0,63196866	932177	5020	157

Table de Kramp  
dans son livre analyse des refractions  
astronomiques et terrestres en 1799

On doit à Legendre (1752-1833) la methodes des moindres carrés en 1806 , trouvé aussi par Gauss

[Gauss](#) ( 1777-1855) étudie les erreurs , la précision des observations et la loi normale en 1809 et 1816 ;



Johann Carl Friederich Gauss (1777-1855)

**En 1816, Sylvestre-François Lacroix** édite le premier ouvrage d'enseignement des probabilités intitulé *traité de calcul des probabilités* (qu'on peut trouver dans googlebooks)

**Quetelet** (1796-1874) mathématicien né à Gand , devient le premier statisticien et montre que la distribution des tailles des hommes suit une loi normale

On mesure annuellement les conscrits français ,  
100 000 conscrits sont distribués par ordre de grandeur,  
quand on les groupe par différences de 27 millimètres.  
la taille moyenne était de 1<sup>m</sup>,62  
l'écart probable était de 0<sup>m</sup>,049  
les nombres se groupent avec le même ordre que si l'on avait  
mesuré un même individu 100 000 fois de suite, avec une er-  
reur probable de 49 millimètres.

### LETTRES

à S. M. R.

LE DUC RÉGNANT DE SAXE-COBOURG ET GOTHA,

PAR LA

### THÉORIE DES PROBABILITÉS

APPLIQUÉE

AUX SCIENCES MORALES ET POLITIQUES;

PAR A. QUETELET.

BRUXELLES

1846.

Quetelet(1796-1874)

MESURES de LA TABLE.	NOMBRE d' HOMMES.	PROBABILITÉ d'après l'observation.	RANG dans LA TABLE.	RANG d'après la CAUSE.	PROBABILITÉ d'après LA TABLE.	NOMBRE d'hommes cal- culés.
De 1,527 à 1,554				02,2	0,49996	14
1,554 à 1,581				50,4	0,49082	47
1,581 à 1,608				50,6	0,49055	164
1,608 à 1,635				44,8	0,49771	440
1,635 à 1,662	28620	0,50000	"	30,0	0,49322	1105
1,662 à 1,689				53,2	0,48217	2370
1,689 à 1,716				27,4	0,45847	4440
1,716 à 1,743				21,6	0,41407	7285
1,743 à 1,770				15,8	0,34122	10467
1,770 à 1,797	11580	0,21380	0,	10,0	0,35055	13182
1,797 à 1,824	13090	0,09800	4,	4,2	0,10475	14502
		0,04100	1,6	1,6	0,04020	
1,824 à 1,851	14410	0,18600	7,5	7,4	0,18011	13982
1,851 à 1,878	11410	0,50010	13,5	13,2	0,29814	11803
1,878 à 1,905	8780	0,58790	19,	19,0	0,58550	8725
1,905 à 1,932	5550	0,44820	25,	24,8	0,44166	5327
1,932 à 1,959	3190	0,47510	31,	30,6	0,47555	3187
1,959 à 1,986				30,4	0,48036	1581
1,986 à 1,813				42,2	0,40021	685
1,813 à 1,840	2400	0,50000	"	48,0	0,40881	260
1,840 à 1,867				53,8	0,40007	86
1,867 à 1,894				50,6	0,40905	96
1,894 à 1,921				65,4	0,49998	5
Plus de 1,921	"	"	"	71,2	0,50000	2
	100000					

**Poisson** ( 1781-1840) publie sur les probabilités en 1827, 1830 et 1837 où apparait sa loi (p 205 de son mémoire de 1837)

il ya aussi Bienaymé (1796-1878) qui publie en 1852,1853 et Tchebyshev ( 1821-1894) publie en 1846

donnant un démonstration elementaire dans crelle journal 33,p259 1846 , son inégalité date de 1867 anticipé par Bienayme ,et publie aussi en 1887 la convergence des fonctions de répartition

Bertrand (1822-1900) fait un cours de calcul de probabilités en 1888

**Poincaré** (1854-1912) fils du doyen de la faculté de médecine de Nancy , premier à l'X malgré son inaptitude au sport ,docteur en mathématique en 1879 ;publie en 1896 un livre sur le calcul des

probabilités; spécialiste des équations différentielles , et fondateur de la topologie algébrique



deviendra comme Gauss professeur en astronomie ,en 1904.

En 1900 que **Karl Pearson** invente la loi du  $\chi^2$  en statistique, mais il n'a pas bien vu les degrés de liberté vus par le grand statisticien **Ronald Aylmer Fischer**(1890-1962) en 1922; on doit aussi à Fischer le mot variance en 1918.



Fischer en 1913

Le français **Emile Borel** (1871-1956) fut premier à l'X et à Ulm qu'il choisit puis premier à l'agrégation;il fut maître de conférence à Lille puis professeur à Paris ,directeur de l'école Normale (Ulm) ,commande en 1914 une batterie d'Artillerie et enfin il fut député de l'Aveyron .sa femme Marguerite Appel écrivain connue sous le nom de Camille Marbo reçut le prix Femina en 1913

le nom de tribu borelienne lui rend hommage;

**en 1909** il démontre la première version la loi forte des grands nombres sous les formes

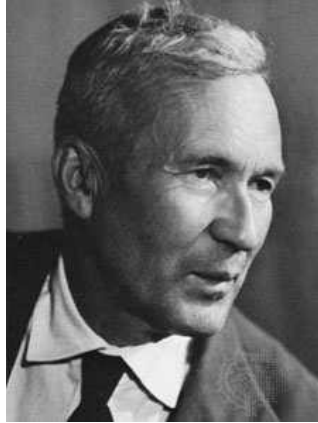
la proportion de résultats pile ou face lors des  $n$  premiers lancers d'une série potentiellement infinie de lancers (cette proportion converge presque sûrement vers 0,5), ou bien encore la proportion de chiffres 0, 1, 2, ..., 8 ou 9 dans le développement décimal d'un nombre réel tiré au hasard converge vers  $1/10$



Émile Borel, « Les probabilités dénombrables et leurs applications arithmétiques »,

**en 1910 Levy trouve une démonstration générale du theoreme limite centrale** nom du à Polya

**Kolmogorov (1903-1987)** est le celui qui a axiomatisé les probabilités en 1933 et qui démontre en



**1929** la loi générale forte des grands nombres