

1/Déterminer, caractériser les fonctions f impaires telles que $\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid f(x) - f(y) \mid \leq 1$

2/Les fonctions f telles que $\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid f(x) - f(y) \mid \leq 1$ sont les fonctions bornées telles que : si $\sup_{x \in \mathbb{R}} f(x) = M$ et $\inf_{x \in \mathbb{R}} f(x) = m$ alors on ait $M - m \leq 1$