

Soit (a_n) une suite strictement croissante et $a_n > 0$;
montrer que la série de terme général $(\frac{\sqrt{a_n}-\sqrt{a_{n-1}}}{a_n})$ converge

on peut utiliser une somme télescopique, ou utiliser une intégrale.