

Des inégalités avec un peu de calcul :

- Montrer  $\frac{1}{2} \geq \frac{a+b+c}{a^2+b^2+c^2+3} \geq \frac{-1}{2}$ .
- Montrer que  $(a+b)^4 \geq 8ab(a^2+b^2)$  puis que  $\frac{(a+b)^2}{4} \geq \sqrt{\frac{a^2+b^2}{2}}\sqrt{ab}$  et enfin  $\sqrt{\frac{a^2+b^2}{2}} - \sqrt{ab} \geq \frac{a+b}{2} - \frac{2}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$ .
- Montrer que  $\tan(\frac{a+b}{2}) \geq \sqrt{ab}$  pour  $a, b$  dans  $[0; \frac{\pi}{2}[$ .