

1/Savoir dériver :

C'est le plus important bien apprendre que $[f(g(x))]' = f'(g(x)) g'(x)$ il ne faut pas oublier le $g'(x)$

On a : $(u(x)^a)' = a u(x)^{a-1} u'(x)$

Savoir aussi bien les formule de dérivée d'un produit ,**d'un quotient**

a) Savoir dériver $1/x$, $1/x^2$, $1/\sqrt{x}$

b) $\ln(x)/(1-x)$ c) $\ln(x/x+1)$ d) $\sin(\cos(2x))$ e) $\exp(\sin^2(\ln x))$ f) $\sqrt{1+x^2}$

g) extremum sur $[0;1]$ de $f(x) = x^{2^n} - x^{2^{n+1}}$ h) dériver 2 fois $f(x) = \exp(x)/(1-x)$ et $g(x) = \sqrt{x} \ln(x)$

2/ **Les puissances** : gros problème ! il faut donc appliquer avec soin et attention les 3 règles :

$(ab)^n = a^n b^n$ $(a^n)^m = a^{nm}$ $a^n a^m = a^{n+m}$ **attention** $\sqrt[n]{a} = a^{1/n}$ **rien à voir avec** \sqrt{a}

Simplifier $\sqrt{8^{4n}}$, $1/(-1)^n$; $((-1)^n)^{2n}$; $(2^n)^3/4^n$; $2^{2n+1}/(-2)^{3n}$; $\frac{3^{16} + 3^{15}}{3^{16} - 3^{15}}$; $(\sqrt{2}^{\sqrt{2}})^{\sqrt{2}}$

$\sqrt{x}\sqrt{x}$; $\sqrt[3]{x}\sqrt{x}$; $(n/\sqrt{n})^{2n}$

$x = 2^{n^2} 3^{n+1}$ $y = 2^{n(n-1)} 3^n$ Montrer que $x^{n-1} + y^n = z^{n+1}$ en trouvant l'entier z

3/ **Connaître l'équation du second degré** ax^2+bx+c : le discriminant $\Delta = b^2 - 4ac$, la formule $(-b \pm \sqrt{\Delta})/2a$,

la somme $-b/a$ et le produit c/a des 2 racines (qui permet de vérifier les racines)
et **le signe du trinôme** $f(x) = ax^2+bx+c$ est le signe de $-a$ entre les racines et du signe de a sinon connaître le signe du trinôme

a) Déterminer le domaine de définition de $\ln(x^2 - x - 2)$

b) signe de $\cos^2(x) - 3 \cos(x) + 2$

c) résoudre $\sqrt{x+1} < 2x-3$

4/ **Bien connaître exp et ln** savoir que $x \ln(x) \rightarrow 0$ si $x \rightarrow 0$; $\ln(1+x)/x \rightarrow 1$ si $x \rightarrow 0$

On a $f(x) - f(a)/(x-a) \rightarrow f'(a)$ lorsque $x \rightarrow a$

a) simplifier $\frac{e^{3x+\ln x}}{e^{2x+\ln x^2}}$

b) Étudier la fonction $x \rightarrow x \ln(x)$ et $x \rightarrow 1/\ln(x)$

c) limite de $(1 + 1/n)^n$ lorsque $n \rightarrow +\infty$ d) Résoudre $x^{\sqrt{x}} = \sqrt{x}^x$

5/ **savoir et penser à factoriser**

a) Simplifier $(x^2 - 1)/(x - 1)$

b) Factoriser $4a^2b^2 - (a^2 + b^2 - c^2)^2$; montrer que $x(x+1)(x+2)(x+3) + 1 = (x^2 + 3x + 1)^2$

c) variation de

6/ **Dans les inégalités faire attention au signe** : Résoudre

a) $x+2 > 1/x$ b) $1/(1+\ln x) > 2$ c) $\sqrt{1+x} > x$

d) $\exp(1/x) > \exp x$